# 激子绝缘体\*

娄文凯 常 凯<sup>+</sup>
(1 中国科学院半导体研究所 北京 100083)
(2 中国科学院大学材料科学与光电技术学院 北京 100049)

## **Exciton insulators**

#### LOU Wen-Kai CHANG Kai<sup>†</sup>

(1 Institute of Semiconductors, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100083, China)

(2 College of Materials Science and Opto-Electronic Technology, University of Chinese

Academy of Sciences, Beijing 100049, China )

**摘要** 激子绝缘体是20世纪60年代初由诺贝尔物理学奖获得者莫特提出的一种新物相。众所周知,激子是固态系统中最典型的集体激发之一,简单地可视为电子—空穴由于库仑相互作用而形成的束缚对。在常规绝缘体或半导体材料中,单粒子能隙远大于激子束缚能。而在某些特殊的材料体系,如窄能隙半导体和二维材料中,激子的束缚能可能大于体系的单粒子能隙,因此体系内会自发形成大量的激子,进入激子绝缘体相。激子绝缘体是体系的基态,低浓度下激子可视为组合玻色子,在低温下会形成宏观相干态——激子玻色—爱因斯坦凝聚。文章简要地回顾了激子绝缘体的发展历史,并介绍了激子绝缘体、玻色—爱因斯坦凝聚和自旋超流的最新进展。

关键词 激子绝缘体,窄能隙半导体,二维材料,激子凝聚,自旋超流

**Abstract** An excitonic insulator is a new quantum phase proposed by the Nobel Prize winner in physics Nevill Mott in the early 1960s. It is well known that excitons are bound pairs formed by electron-hole Coulomb interaction in insulator and semiconductor systems where, traditionally, the single-particle energy gap is much larger than the exciton binding energy. However, in some specific materials, such as narrow-gap semiconductors and two-dimensional materials, this is reversed and a large number of excitons are spontaneously formed in the system, which becomes an exciton insulator and is the ground state. At low concentrations, excitons can be regarded as composite bosons, a macroscopic quantum coherent phase, thus an exciton Bose-Einstein condensate can be observed at low temperatures. This paper briefly reviews the history of exciton insulators, as well as recent progresses on exciton insulator phases and spin superfluidity.

**Keywords** excitonic insulators, narrow-gap semiconductors, two-dimensional materials, exciton condensation, spin superfluidity

\* 国家自然科学基金(批准号: 11974340)资助项目

約22・51卷 (2022年)5期

† email: kchang@semi.ac.cn DOI: 10.7693/wl20220502

## 1 引言

在过去的几十年中,凝聚态物理领域发现了 形形色色的宏观量子物态。对称性与多体相互作 用共同导致复杂的集体行为,产生了许多奇特的 量子现象。两者之间的相互影响对理解量子材料 中宏观效应的微观起源具有重要意义。激子绝缘 相<sup>11–51</sup>的形成就是这种相互影响的一个典型特例。

激子是半导体或绝缘体中广泛存在的一种典型的元激发或准粒子。简单地看,绝缘体中激子是电子—空穴通过库仑相互作用结合而形成的一种束缚对。在半导体中激子态有两种典型的情况:一种是弗伦克尔(Frankel)激子,电子—空穴束缚能大,激子玻尔半径小,局域在分子上,此类激子多见于分子晶体中;另一类则是万尼尔(Wannier)激子,电子—空穴束缚能小,玻尔半径



**图1** (a)电子一空穴体系在参数空间中的相图;(b)电子一空 穴等离子体或者是半金属;(c)激子绝缘体,电子和空穴在此 时是弱结合,就像库珀对一样;(d)由具有有限质心动量的 玻色子粒子组成的激子气体;(e)激子玻色一爱因斯坦凝聚 态,其中激子态是简并的。在(b)一(e)中,蓝点代表电子, 红点代表空穴,椭圆虚线表示电子与空穴的强结合,带箭头 的虚线表示电子与空穴的弱结合,单箭头表示中心激子的质 心运动<sup>[25]</sup>

远大于晶格常数,万尼尔激子在半导体中十分常见。半导体中的激子在低浓度下可视为一种组合 玻色子。那么一个自然的问题是,半导体中激子 是否可以实现玻色—爱因斯坦凝聚态(BEC)?

关于激子凝聚这个有趣的话题,长期以来学 界一直存在争议。原因是通常玻色-爱因斯坦凝 聚都是指玻色子凝聚到体系的基态。而半导体中 的激子则是体系的激发态。在绝缘体中光激发产 生的激子通常由于自发辐射光子而迅速复合,激 子寿命很短(例如GaAs中的激子寿命是0.39 ns), 这成为形成激子BEC的主要障碍<sup>[6,7]</sup>。处于激发态 的激子的宏观相干性已有明确的实验证据,但由 于不是系统的基态,至今激子BEC的实验证据尚 存在争议。在半导体材料中,人们更多地利用激 子与光子强耦合形成的激子极化激元来实现 BEC<sup>[8]</sup>。激子极化激元同时继承了激子和光的属 性,如极低的有效质量、较强的非线性效应、高 速传播以及外场调控的敏感性等等。人们已经在 更高温度区域实现了激子极化激元的凝聚相和相 干激射[8-11]。

那么是否存在激子为基态的体系呢? 这个有 趣的问题早在20世纪60年代初,诺贝尔物理学奖 获得者内维尔·弗朗西斯·莫特(Nevill Francis Mott)教授就提出了理论设想<sup>[1]</sup>。莫特认为在半金 属中,如果载流子浓度比较低,并且有足够强的 库仑相互作用束缚电子--空穴形成激子,那么系 统的基态将不是半金属相,而进入一种新的物质 状态——激子绝缘体。随后前苏联物理学家Keldysh 等人进一步将激子绝缘相拓展到窄禁带半导 体中<sup>[2, 12]</sup>。他们认为当激子束缚能大于带隙时, 系统将失稳,大量自发形成激子而降低系统能 量, 使系统趋向于一种能隙更大的稳定状态: 激 子绝缘体。人们期待电阻会出现峰值,可以作为 判断激子绝缘体存在的证据[13]。此时虽然体系中 激子是基态,但相位不是相干的。Keldysh、Rice 和诺贝尔奖获得者 Kohn 等人进一步指出<sup>[2-5]</sup>,这 种激子宏观地凝聚到一种新的基态的过程,可以 类比如超导体的形成过程,它们的相变都是由于 相互作用引起的。与常规BCS超导体中通过交换 虚声子而形成库珀对的凝聚不同,激子绝缘体是

通过库仑相互作用形成的电子—空穴对发生凝 聚。另外还有Zittartz、Fenton、Ebisawa等人也系 统地研究了激子绝缘体的掺杂效应<sup>[14]</sup>、各向异 性<sup>[15]</sup>和输运性质<sup>[16]</sup>,磁场下的激子绝缘体行为<sup>[17]</sup>, 以及激子绝缘体的霍尔效应<sup>[18]</sup>。

在随后的几十年中,人们也提出在一些半导体材料,如1T相二硒化钛(1T-TiSe<sub>2</sub>)<sup>[13,19]</sup>、钽镍硒 (Ta<sub>2</sub>NiSe<sub>5</sub>)<sup>[20-23]</sup>、铥硒碲(TmSe<sub>0.45</sub>Te<sub>0.55</sub>)<sup>[24]</sup>等材料中 发现激子绝缘体存在的证据,但这些激子绝缘相 的实验研究一直存在争议。问题的关键是材料能 隙的打开是否一定是由于激子绝缘相的存在。能 隙打开的机制可能存在多种原因,如晶格畸变、 电荷密度波、自旋密度波和超导等,因此仅仅观 察到能隙打开并不能确认是激子绝缘相。在常规 半导体中,激子寿命相对较短(纳秒量级)也增加 了实验的难度。总的来说,从20世纪60年代至 今,人们始终保持着对激子绝缘体的研究热情, 期待通过研究的努力能寻找到一个实际材料体 系,观察并确证激子绝缘体。

近年来,半导体低维系统的制备技术日益提高,使得人们可以精确地制备各种半导体低维结构,在这些低维系统中形成激子绝缘体的条件得以满足:窄能隙的能带结构、强激子束缚能和弱库仓屏蔽,从而使激子绝缘体的研究成为可能(图1(a)—(e))<sup>[25]</sup>。目前有两种材料体系最受人关注,分别是半导体量子阱结构和层状二维材料。前者样品制备精确干净,但晶格匹配的异质结材料不够普遍,需要在一些特定的材料之间才能形成高质量界面的异质结,如GaAs/AlGaAs,InAs/GaSb等。而二维材料的范德瓦尔斯异质结之间则无需考虑晶格匹配的问题,可以形成更为广泛的异质结。

#### 2 拓扑激子绝缘相

对大多数半导体材料来说,激子寿命短,并 且与能隙相比,激子束缚能很小。以GaAs体材料 为例<sup>[26]</sup>,激子束缚能约为4 meV,远小于其能隙 (约1.4 eV),即便考虑量子阱情形<sup>[27,28]</sup>,其激子 束缚能最大也不过为体材料情形的4倍,约为



线为价带顶,蓝色球代表电子局域与InAs 层,红色球代表 空穴局域与GaSb 层; (b) 8带*k*·*p*有效哈密顿量模型计算的 InAs/GaSb 量子阱的能带结构<sup>[25]</sup>

16 meV。所以在大部分常规半导体材料中难以实现激子绝缘体。因此,很自然地认为激子绝缘体 应该存在于窄能隙半导体体系中。另一方面,电 子一空穴在库仑吸引力的作用下极容易发生复 合,难以形成长寿命的激子。为了便于开展激子 物理的实验研究,人们将电子和空穴进行实空间 或/和动量空间的分离,这样可以大大地延长激子 的寿命。L. V. Butov实验组首次在GaAs耦合半导 体量子阱中施加垂直电场,诱导电子和空穴的空 间分离<sup>[29]</sup>,实现了宏观相干的激子凝聚。但需要 指出的是,此类体系中激子仍是系统的激发态。 因此为了实现激子绝缘体,人们搜寻着新的材料 体系。

在典型的窄能隙半导体中,有一类被诺贝尔 物理学奖获得者 Kroemer 教授称为6.1Å 家族的半 导体材料,即InAs、GaSb和AISb<sup>[30]</sup>。这类材料晶 格常数十分匹配,可以生长出高质量的异质结界 面,特别是InAs/GaSb量子阱体系的光电特性尤 其引人注目。它具有独特的能带结构,可以在本 征样品中自发地形成空间分离的电子层(InAs 层) 和空穴层(GaSb 层)(图 2(a),(b))。这种特别的带 阶构造被称为III型异质结<sup>[29,3]-36]</sup>。由于电子和空 穴分离在两层中,所以形成的激子寿命长,这为 研究激子物理提供了绝好的实验平台。

InAs/GaSb 量子阱的研究始于 20 世纪 70 年 代<sup>[37]</sup>,1987年人们在理论上提出该体系是优异的 红外材料<sup>[38]</sup>,可以实现红外探测器。随着分子 束外延技术的提高,1990年至2000年,人们制备 出中红外 3—5 μm 波段的红外探测器面降<sup>[39,40]</sup>, 2005年扩充至 20 μm 以上的远红外波段<sup>[41]</sup>。2008



图3 激子绝缘体存在于InAs/GaSb量子阱中的电输运证据 (a)实验测量装置图;(b)在30 mK 处用 Corbino 器件测量 σ<sub>∞</sub>的前栅极偏 置电压依赖性,在 B<sub>0</sub>从0T到35T变化过程中,零电导一直出现,该零电导不随磁场大小变化,表明体系在磁场变化的过程中能隙 是一直存在的;(c)使用8带自洽模型计算的能带,在 B<sub>0</sub>=0T、9T、18T和35T处具有典型的倒带<sup>[25]</sup>



图4 (a)激子绝缘体的色散关系;(b)激子绝缘体的联合态密度;(c)太赫兹吸收谱, 在插图中,紫色层代表InAs量子阱,红色层代表GaSb量子阱,黄色波表示太赫兹 光,黑色虚线圆圈表示聚焦太赫兹光束在样品位置的横向范围;(d)激子绝缘体序参 量与温度的关系;(e)实验测得的拓扑边缘态,在介观H-bar结构(内插图)中进行非局 部电阻测量,边缘电流路径在插图中显示为红色和绿色箭头<sup>[25]</sup>

年张首晟等人理论预言该体系是二维拓扑绝缘 体<sup>[42]</sup>,并随后由莱斯大学杜瑞瑞组实验证实<sup>[43, 44]</sup>。 在该系统中观察到了拓扑边缘态输运,这种边缘 态输运即使在强磁场和高温下还能较好保持。值 得指出的是,与HgTe量子阱实验观测到的边缘态 电导平台相比, InAs/GaSb的电导平台更平整和 更接近量子化平台,因此该体系的基态可能呈现 出激子绝缘体<sup>[25]</sup>。InAs/GaSb量子阱具有独特的带 阶结构(图2(a), (b)),即使没有光 激发也可以自发地形成空间分离 的电子和空穴层,因此它是形成 激子物理的一个天然体系。该体 系能带翻转打开的反常能隙约为 4 meV 左右,而激子束缚能的大 小也相仿。理论上猜想在该体系 中可能形成激子绝缘相,并同时 具有拓扑特性: 激子绝缘体具有 无耗散的螺旋边缘态。近来人们 从实验和理论两方面研究了InAs/ GaSb量子阱中的激子绝缘相。实 验组从电子输运观测到(实验示意 图如图3(a)所示):在低温且低电 子一空穴对密度的 InAs/GaSb 量 子阱器件中,能隙不随平面内磁 场的变化而变化(图3(b))。而单粒 子能谱计算表明(图3(c)),较小的 面内磁场就会关闭能隙,实验观 察和单粒子的计算结果大相径 庭。为了理解和解释两者之间的

差异,利用量子多体理论,作者建立了温度依赖 的激子绝缘体的多体理论模型,发现体系的基态 会出现激子绝缘相,并提出可以利用太赫兹透射 谱来验证激子绝缘相的存在。太赫兹透射谱表现 出两个吸收峰(图4(a),(b)),并且实验测量的太 赫兹吸收峰位与理论预言结果一致(图4(c)),解决 了长期以来激子绝缘相光学观测的问题。同时, 电输运测量发现能隙不依赖于面内磁场强度,而 显著依赖于电子一空穴浓度和体系温度(图4(d)), 另外体系还存在螺旋边缘态的导电行为(图4(e)), 这些测量结果进一步佐证体系进入了二维拓扑激 子绝缘体态<sup>[25,45]</sup>。进一步考虑InAs/GaSb量子阱中 穿插厚AlSb层(10 nm)组成的InAs/AlSb/InGaSb量 子阱,由于势垒层AlSb层的存在,使电子一空穴 隧穿被抑制,可以增大激子绝缘体带隙<sup>[46]</sup>。激子 绝缘体理论计算还和桑迪亚国家实验室实验组的 实验吻合得较好<sup>[47,48]</sup>。由于存在面内磁场,激子 的基态是自旋极化的,因此该体系有可能实现激 子自旋的无耗散输运,即激子自旋超流。

### 3 层状二维材料中的激子绝缘相

在新兴的层状二维材料中,如石墨烯、过渡 金属二硫化物(TMDCs)和黑磷等,库仑屏蔽明显 减弱<sup>[49]</sup>,层状二维材料中激子具有巨大的束缚 能,如在单层WS2中约为0.7 eV<sup>[50]</sup>,在单层黑磷 中可达0.8 eV<sup>[51]</sup>。因此, 层状二维材料已成为探索 激子物理的新平台。美国哈佛大学 P. Kim 教授等 人实验研究了由六方氮化硼分离的双层石墨烯中 的激子凝聚<sup>[52]</sup>。在一个石墨烯层中驱动电流,发 现在另一层中产生了接近量子化的霍尔电压,他 们认为量子化的霍尔电压意味着相干激子输 运<sup>[53]</sup>。几乎同时,美国哥伦比亚大学C.R.Dean教 授等人也报道了双层石墨烯结构量子霍尔效应体 系中的激子凝聚的证据<sup>[54]</sup>。他们提出的激子超流 无耗散传输特性在对流(counter flow)结构的实验 中得到证实,并观察到与双层石墨烯的轨道和谷 指数相关的凝聚相。他们的研究结果使得激子绝 缘体的相图更为丰富。

理论计算还表明,在二维材料半氢化石墨烯 (图 5(a))中存在自旋三重态的激子凝聚和自旋无耗 散的输运<sup>[55]</sup>。通过氢化石墨烯中比较弱的自旋— 轨道耦合来降低体系带隙和束缚能的正相关,从 而使得激子束缚能大于带隙的条件得到满足,通 过第一性原理计算发现体系具有负的激子形成能 (图 5(b),(c)),体系趋向于形成激子绝缘体基 态,并且发现系统从单体的间接带隙到多体激子 直接带隙转变。有趣的是,在体系中最低导带和 最高价带具有相反的自旋属性,这样形成的激子 天然地携带自旋,形成自旋三重态。通过多带量 子多体理论进一步证明这种宏观凝聚的激子绝缘 体带隙可达24 meV(图5(d))。宏观相干的激子绝 缘体态虽然不带电荷,但是可以携带自旋,因而 可以形成可观察的自旋超流输运现象。这对未来 可能的无耗散自旋电子学器件应用提供了可能 的物理机制。

人们对 2D-TMDCs 中的激子物理也展开了深 入研究。在 2D-TMDCs 中,激子本身束缚能大、 寿命长,激子还可以与谷、自旋、层和拓扑等 自由度相互耦合,带来了丰富的激子物理。2017 年,美国伊利诺伊大学实验组在 Science 上报道 了利用他们发展的动量分辨电子能量损失谱 (M-EELS)技术,研究了 1T-TiSe2中的电子集体模 式<sup>[56]</sup>。在相变温度(190 K)附近,电子的能量在非 零动量下降至零,表明等离子体波动的动态减 慢,电子一空穴对形成激子凝聚物,他们的研究 为固体中的激子凝聚提供了令人信服的证据。值 得一提的是,最近美国华盛顿大学和普林斯顿大 学的实验组分别独立找到 1T'-WTe2存在激子绝缘 体相的证据<sup>[57, 58]</sup>。文献[57]发现样品中自发形成激



图5 石墨烯吸氢二维材料中的自旋三重态激子绝缘体相<sup>[55]</sup> (a)石墨炔的晶体结构;(b)石墨炔激子形成能色散,激 子具有负的形成能会失稳而进入激子绝缘体相;(c)激子能 谱,负能量的基态代表进入激子绝缘体相;(d)激子绝缘体 带隙和激子绝缘体临界温度

子,揭示了干净样品中电荷中性点附近存在能 隙,同时还发现了在磁场存在的情况下电荷中性 点附近的异常传输行为,他们认为这两者都是激 子绝缘体存在的迹象。文献[58]测量了电导和化学 势与掺杂浓度的关系,他们发现这与单粒子图像 不相容,却可以通过激子绝缘体理论来解释。美 国康奈尔大学实验组发现了 MoSe<sub>2</sub>(电子层)/WSe<sub>2</sub> (空穴层)双层原子中的强关联激子绝缘体<sup>[59]</sup>。当施 加在两个空间分离的 TMD 层之间的偏置电压被调 谐到特定的范围时,就会产生准平衡电子—空穴 空间分离的激子流体。利用 Gross—Pitaevskii(GP) 方程,人们理论上发现可以在新型二维材料范德 瓦耳斯异质结中实现激子涡旋的调控<sup>[60, 61]</sup>。

### 4 总结与展望

自激子绝缘相理论被提出以来,已经经历了

#### 参考文献

- [1] Mott N F. Philosophical Magazine, 1961, 6:287
- [2] Keldysh L V K, Kopaev Y V. Fizika Tverdogo Tela, 1964, 6:2791
- [3] Jérome D, Rice T M, Kohn W. Phys. Rev., 1967, 158:462
- [4] Halperin B I, Rice T M. Rev. Mod. Phys., 1968, 40:755
- [5] Kohn W, Sherrington D. Rev. Mod. Phys., 1970, 42:1
- [6] Snoke D. Science, 2002, 298: 1368
- [7] Butov L V. Solid State Communications, 2003, 127:89
- [8] Kasprzak J et al. Nature, 2006, 443: 409
- [9] Balili R, Hartwell V, Snoke D et al. Science, 2007, 316:1007
- [10] Deng H, Weihs G, Santori C et al. Science, 2002, 298:199
- [11] Zhang L et al. Proceedings of the National Academy of Science, 2015, 112:E1516
- [12] Knox R S. Theory of excitons, Vol. 5, Solid State Physics. (Academic Press, New York & London, 1963)
- [13] Cercellier H et al. Phys. Rev. Lett., 2007, 99:146403
- [14] Zittartz J. Physical Review, 1967, 164: 575
- [15] Zittartz J. Physical Review, 1967, 162:752
- [16] Zittartz J. Physical Review, 1968, 165:605
- [17] Fenton E W. Physical Review, 1968, 170:816
- [18] Ebisawa H, Fukuyama H. Progress of Theoretical Physics, 1969, 42:512
- [19] Chen P, Chan Y H, Fang X Y et al. Nat. Commun., 2015, 6: 8943
- [20] Wakisaka Y et al. Phys. Rev. Lett., 2009, 103:026402
- [21] Lu Y F, Kono H, Larkin T I et al. Nat. Commun., 2017, 8:14408
- [22] Kim S Y et al. ACS Nano., 2016, 10:8888

半个多世纪, 近期新的低维系统和量子结构的 不断涌现,引起了人们对激子绝缘体研究的广 泛关注。在激子绝缘体理论上,宾夕法尼亚大学 C.L. Kane教授提出分数激子绝缘体,即电子一空 穴的关联流体行为可以类比为零磁场下分数量子 霍尔效应,类似于电子填充1/m(这里m是无量纲 正数)时的劳夫林(Laughlin)状态<sup>[62]</sup>。德克萨斯大学 奥斯汀分校 A. H. MacDonald 教授组提出激子绝缘 体中会呈现出条纹相<sup>63]</sup>。另外,类比于金属超导 体系,人们可以期待在激子绝缘体中发现超导中 的类-迈斯纳、类-约瑟夫森效应、甚至类p波和d 波激子绝缘体<sup>[64]</sup>。传统的激子物理与拓扑、磁性 和超导结合,焕发出新的青春。总之,激子绝缘 体的研究方兴未艾, 业已形成了一个凝聚态物理 领域内的研究热点,可以相信,未来随着新材料 和新结构的不断发现和优化,或许可以期待发现 室温下的激子绝缘相和无耗散的自旋超流。

- [23] Mor S et al. Phys. Rev. Lett., 2017, 119:086401
- [24] Bucher B, Steiner P, Wachter P. Phys. Rev. Lett., 1991, 67:2717
- [25] Du L, Li X, Lou W et al. Nat. Commun., 2017, 8:1971
- [26] Nam S B, Reynolds D C, Litton C W et al. Phys. Rev. B, 1976, 13:761
- [27] Bayer M, Timofeev V B, Faller F et al. Phys. Rev. B, 1996, 54: 8799
- [28] Zhu B, Huang K. Phys. Rev. B, 1987, 36:8102
- [29] Butov L V, Zrenner A, Abstreiter G et al. Phys. Rev. Lett., 1994, 73:304
- [30] Kroemer H. Physica E: Low-dimensional Systems and Nanostructures, 2004, 20: 196
- [31] Zhu X, Littlewood P B, Hybertsen M S et al. Phys. Rev. Lett., 1995,74:1633
- [32] Zhu X, Quinn J J, Gumbs G. Solid State Communications, 1990, 75:595
- [33] Shevchenko S I. Phys. Rev. Lett., 1994, 72:3242
- [34] Cheng J P, Kono J, McCombe B D et al. Phys. Rev. Lett., 1995, 74:450
- [35] Ando T, Fowler A B, Stern F. Rev. Mod. Phys., 1982, 54:437
- [36] Yurii E L, Berman O L. Physica Scripta, 1997, 55:491
- [37] Bastard G, Mendez E E, Chang L L et al. Phys. Rev. B, 1982, 26:1974
- [38] Altarelli M, Maan J C, Chang L L, et al. Phys. Rev. B, 1987, 35: 9867
- [39] Norton D T et al. IEEE Journal of Quantum Electronics, 2013,

49:753

- [40] Marcadet X, Prevot I, Becker C et al. Improved InAs/AlSb/GaSb Heterostructures for Quantum Cascade Laser Application (SPIE, 2001), Vol. 4287, In-Plane Semiconductor Lasers V
- [41] Razeghi M, Wei Y, Gin A et al. High Performance Type II InAs/ GaSb Superlattices for Mid, Long, Very Long Wavelength Infrared Focal Plane Arrays (SPIE, 2005), Vol. 5783, Defense, Security, p. SI
- [42] Liu C, Hughes T L, Qi X L et al. Phys. Rev. Lett., 2008, 100: 236601
- [43] Knez I, Du R R, Sullivan G. Phys. Rev. B, 2010, 81: 201301
- [44] Knez I, Du R R, Sullivan G. Phys. Rev. Lett., 2011, 107:136603
- [45] Stajic J. Science, 2017, 358:1552
- [46] Wu X, Lou W, Chang K et al. Phys. Rev. B, 2019, 99:085307
- [47] Jiang Y et al. Phys. Rev. B, 2017, 95:045116
- [48] Yu W et al. New Journal of Physics, 2018, 20:053062
- [49] Chernikov A, Berkelbach T C, Hill H M et al. Phys. Rev. Lett., 2014, 113:076802
- [50] Zhu B, Chen X, Cui X. Scientific Reports, 2015, 5:9218

- [51] Zhang G, Chaves A, Huang S et al. Science Advances, 2018, 4: eaap9977
- [52] Liu X, Watanabe K, Taniguchi T et al. Nat. Phys., 2017, 13:746
- [53] Kellogg M, Spielman I B, Eisenstein J P et al. Phys. Rev. Lett., 2002, 88:126804
- [54] Li J I A, Taniguchi T, Watanabe K et al. Nat. Phys., 2017, 13: 751
- [55] Jiang Z, Lou W, Liu Y et al. Phys. Rev. Lett., 2020, 124:166401
- [56] Kogar A et al. Science, 2017, 358:1314
- [57] Jia Y et al. Nat. Phys., 2022, 18:87
- [58] Sun B et al. Nat. Phys., 2022, 18:94
- [59] Ma L, Nguyen P X, Wang Z et al. Nature, 2021, 598:585
- [60] Chen Y, Huang Y, Lou W et al. Phys. Rev. B, 2020, 102:165413
- [61] Chen Y, Zhang D, Chang D. Chin. Phys. Lett., 2020, 37:117102
- [62] Hu Y, Venderbos J W F, Kane C L. Phys. Rev. Lett., 2018, 121: 126601
- [63] Xue F, MacDonald A H. Phys. Rev. Lett., 2018, 120:186802
- [64] 向涛.d波超导体.北京:科学出版社,2007.凝聚态物理学 丛书

